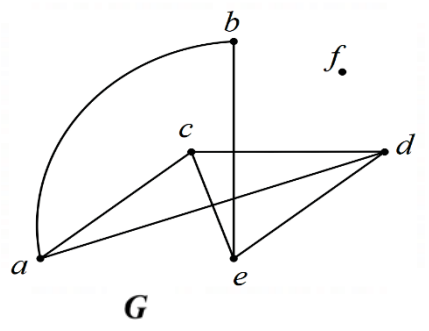
باسمه‌تعالی

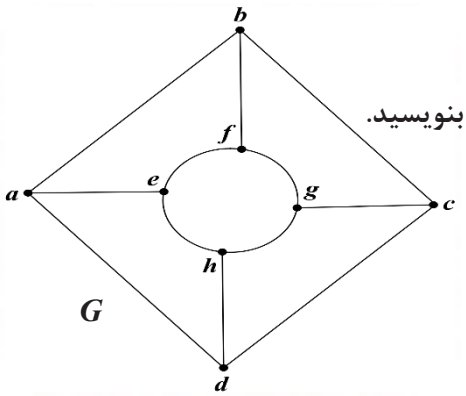
سؤالات آزمون نهایی درس: **ریاضیات گسسته ـ ۱۲۰۷۱**	پایه: **دوازدهم**	رشته: **ریاضی وفیزیک**	تاریخ آزمون: **۱۴۰۴/۱۰/۱۰**
تعداد صفحه: **۲**	مدت آزمون: **۱۲۰ دقیقه**	ساعت شروع: **۱۰:۳۰ به وقت تهران**	نام و نام‌خانوادگی:
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور)- **دی ۱۴۰۴**			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir

ردیف	سؤالات (پاسخ‌برگ دارد)	نمره
۱	درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را تعیین کنید. الف) اگر n حاصل‌ضرب دو عدد طبیعی متوالی باشد، آنگاه $۴n+۱$ مربع کامل است. ب) اگر برای هر سه مجموعهٔ دلخواه A ، B و C داشته باشیم $A\cap B=A\cap C$ آنگاه $B=C$ پ) اگر $a\mid b$ آنگاه $\lvert a\rvert=[a,b]$ (کروشه نمادِ ک.م.م است.) ت) تعداد توابع یک‌به‌یک از مجموعه‌ای ۳ عضوی به مجموعه‌ای ۵ عضوی برابر ۱۰ است.	۱
۲	جاهای خالی را با عبارت مناسب، کامل کنید. الف) حاصل $(۵,۰-)$ برابر ..... است.(پرانتز نمادِ ب.م.م است.) ب) باقی‌ماندهٔ تقسیمِ ۴۳- بر ۸ برابر ..... است. پ) عدد احاطه‌گری گراف $P_{۱۰}$ برابر ..... است.	۰/۷۵
۳	با برهان خلف ثابت کنید اگر α و β دو عدد گنگ و $\beta-۲\alpha$ عددی گویا باشد، آنگاه $۳\alpha-\beta$ عددی گنگ است.	۰/۷۵
۴	به روش بازگشتی ثابت کنید: $xy+\frac{۱}{۲}(y^۲+۱)\geq x(۱-x)$	۱
۵	ثابت کنید اگر از مربع هر عدد فرد، یک واحد کم کنیم، حاصل بر ۸ بخش‌پذیر است.	۱
۶	اگر a عددی اول باشد و $۳a\mid ۴k+۲$ و $۳a\mid ۵k+۱$ آنگاه مقدار a را بیابید.	۱
۷	جواب‌های عمومی معادلهٔ هم‌نهشتی $۳۵x\overset{۱۱}{\equiv}۵۰-۲x$ را به‌دست آورید.	۱
۸	اگر ۲۵ خردادماه در یک سال یکشنبه باشد، ۱۰ آذرماه در همان سال چه روزی از هفته است؟	۱
۹	گراف G را در نظر بگیرید. الف) مجموعهٔ $V(G)$ و اندازهٔ گراف G را بنویسید. ب) مسیری به طول ۴ از a به b بنویسید. پ) دوری به طول ۵ بنویسید که از رأس c شروع شود. ت) اگر $N_G(x)=\{c,b,d\}$ باشد، آنگاه x چه رأس یا رأس‌هایی می‌تواند باشد؟  G	۲
۱۰	اگردر گراف G از مرتبهٔ ۸، مجموع درجات ۴۰ باشد، تعداد یال‌های گراف مکمل G را به‌دست آورید.	۰/۷۵
۱۱	اگر در یک گراف ۳- منتظم از مرتبهٔ p و اندازهٔ q داشته باشیم $p+q=۲۰$ در این‌صورت مقدار p و q را بیابید.	۱

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا www.riazisara.ir

باسمه‌تعالی

سؤالات آزمون نهایی درس: **ریاضیات گسسته –۱۲۰۷۱**	پایه: **دوازدهم**	رشته: **ریاضی وفیزیک**	تاریخ آزمون: **۱۴۰۴/۱۰/۱۰**
تعداد صفحه: **۲**	مدت آزمون: **۱۲۰ دقیقه**	ساعت شروع: **۱۰:۳۰ به وقت تهران**	نام و نام‌خانوادگی:
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور)- **دی ۱۴۰۴**			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir

ردیف	سؤالات (پاسخ‌برگ دارد)	نمره
۱۲	گراف G را درنظر بگیرید. الف) عدد احاطه‌گری گراف G را با ذکر دلیل به‌دست آورید. ب) درگراف G یک مجموعهٔ احاطه‌گر مینیمال۴ عضوی شاملِ رأس a بنویسید. 	۱/۵
۱۳	یک گراف از مرتبهٔ ۵ با عدد احاطه‌گری ۳ رسم کنید.	۰/۵
۱۴	الف) محاسبه کنید ۸ نفر به چند طریق می‌توانند در یک اتاق ۴ نفره و دو اتاق ۲ نفره در یک هتل اسکان یابند؟ ب) تعداد توابع پوشا از یک مجموعهٔ ۵ عضوی به یک مجموعهٔ ۳ عضوی را محاسبه کنید؟	۱ ۰/۷۵
۱۵	از بین ۵ نوع گل مختلف به چند طریق می‌توان یک دسته گل شامل ۸ شاخه گل انتخاب کرد به طوری‌که از گل نوع اول حداقل ۲ شاخه گل و از گل نوع پنجم فقط یک شاخه گل انتخاب شود؟	۱/۵
۱۶	درمربع لاتینِ مقابل، مقادیر x ، y ، z و t را به‌دست آورید. $\begin{array}{\|c\|c\|c\|}\hline ۳ & x & y \\ \hline t & ۲ & z \\ \hline ۲ & ۳ & t \\ \hline \end{array}$	۱
۱۷	به کمک اصل شمول و عدم شمول تعیین کنید چند عدد طبیعی مانند n، به‌طوری‌که $n \leq ۶۰۰$ وجود دارد که بر هیچ‌یک از اعداد ۳ و ۷ بخش‌پذیر نباشند؟	۱/۵
۱۸	در یک دبیرستان، حداقل چند دانش‌آموز وجود داشته باشند تا مطمئن باشیم حداقل ۲۱ دانش‌آموز ماهِ تولدشان یکسان است؟	۱
	موفق باشید جمع	۲۰

صفحه ۲ از ۲

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا www.riazisara.ir

باسمه‌تعالی

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: **ریاضیات گسسته–۱۲۰۷۱**	پایه: **دوازدهم**	رشته: **ریاضی وفیزیک**	تاریخ آزمون: **۱۴۰۴/۱۰/۱۰**
تعداد صفحه: **۵**	مدت آزمون: **۱۲۰ دقیقه**	ساعت شروع: **۱۰:۳۰ به وقت تهران**	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور)- **دی ۱۴۰۴**		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
۱	الف) درست صفحه۳ ب) نادرست صفحه۳ پ) نادرست صفحه۱۳ ت) نادرست صفحه۷۸ هرقسمت(۰/۲۵)	۱
۲	الف)۵ صفحه۱۳ ب)۵ صفحه۱۴ پ)۴ صفحه۵۲ هرقسمت(۰/۲۵)	۰/۷۵
۳	فرض کنیم $3\alpha-\beta$ عددی گویا باشد(۰/۲۵)داریم: $(3\alpha-\beta)+(\beta-2\alpha)=\alpha$ با توجه به این‌که مجموع دو عدد گویا، عددی گویاست، پس α باید عددی گویا باشد(۰/۲۵)که با فرض مسأله در تناقض است.(۰/۲۵) صفحه۸	۰/۷۵
۴	$xy+\frac{1}{2}(y^2+1)\geq x(1-x)\overset{\times 2}{\Leftrightarrow}\underbrace{2xy+y^2+1\geq 2x-2x^2}_{(۰/۲۵)}\Leftrightarrow\underbrace{x^2+2xy+y^2+x^2+1-2x\geq 0}_{(۰/۲۵)}$ عبارت حاصل بدیهی است و تمامی روابط برگشت‌پذیرند.(۰/۲۵) $\Leftrightarrow\underbrace{(x+y)^2+(x-1)^2\geq 0}_{(۰/۲۵)}$ تذکر: اگر به جای عبارتِ " تمامی روابط برگشت‌پذیرند"، فلش‌های نتیجه‌گیری دوطرفه، رسم شده باشند(۰/۲۵) نمره تعلق گیرد. صفحه۸	۱
۵	روش اول: $\underbrace{(2k+1)^2-1}_{(۰/۲۵)}=\underbrace{4k^2+4k+1-1=4k^2+4k}_{(۰/۲۵)}=\underbrace{4k(k+1)}_{(۰/۲۵)}=\underbrace{4(2q)=8q}_{(۰/۲۵)}$ روش دوم: می‌دانیم هر عدد فرد را می‌توان به یکی از دو صورت $4k+1$ یا $4k+3$ نوشت، پس داریم: $\begin{cases}\underbrace{(4k+1)^2-1=16k^2+8k+1-1}_{(۰/۲۵)}=\underbrace{8k(2k+1)=8m}_{(۰/۲۵)}\\ \underbrace{(4k+3)^2-1=16k^2+24k+9-1}_{(۰/۲۵)}=\underbrace{8(2k^2+3k+1)=8n}_{(۰/۲۵)}\end{cases}$ صفحه۱۵	۱

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا www.riazisara.ir

باسمه‌تعالی

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: **ریاضیات گسسته–۱۲۰۷۱**	پایه: **دوازدهم**	رشته: **ریاضی وفیزیک**	تاریخ آزمون: **۱۴۰۴/۱۰/۱۰**
تعداد صفحه: **۵**	مدت آزمون: **۱۲۰ دقیقه**	ساعت شروع: **۱۰:۳۰ به وقت تهران**	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور)- **دی ۱۴۰۴**		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره

۶

روش اول:

$$\left.\begin{array}{l} 3a \mid 4k+2 \Rightarrow 3a \mid 20k+10 \\ 3a \mid 5k+1 \Rightarrow 3a \mid 20k+4 \end{array}\right\}(0/25) \Rightarrow \underbrace{3a \mid (20k+10)-(20k+4) \Rightarrow 3a \mid 6}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{a \mid 2}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{a=2}_{(0/25)}$$

روش دوم:

$$\left.\begin{array}{l} 3a \mid 4k+2 \Rightarrow 4k \overset{3a}{\equiv} -2 \Rightarrow 20k \overset{3a}{\equiv} -10 \\ 3a \mid 5k+1 \Rightarrow 5k \overset{3a}{\equiv} -1 \Rightarrow 20k \overset{3a}{\equiv} -4 \end{array}\right\}(0/5) \Rightarrow \underbrace{6 \overset{3a}{\equiv} 0 \Rightarrow 2 \overset{a}{\equiv} 0}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{a=2}_{(0/25)}$$

روش سوم:

$$\left.\begin{array}{l} 3a \mid 4k+2 \Rightarrow 4k+2=3aq_1 \xrightarrow{\times 5} 20k+10=3aq_3 \\ 3a \mid 5k+1 \Rightarrow 5k+1=3aq_2 \xrightarrow{\times 4} 20k+4=3aq_4 \end{array}\right\}(0/25) \Rightarrow \underbrace{6=3aq_5}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{2=aq_5}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{a=2}_{(0/25)}$$

صفحه ۱۲

۱

۷

$$35x \overset{11}{\equiv} 50-2x \Rightarrow \underbrace{37x \overset{11}{\equiv} 50}_{(0/25)}, (37,11) \mid 50 \Rightarrow \underbrace{4x \overset{11}{\equiv} 6}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{2x \overset{11}{\equiv} 3 \Rightarrow 2x \overset{11}{\equiv} 14 \Rightarrow x \overset{11}{\equiv} 7}_{(0/25)}$$

$$\Rightarrow \underbrace{x=11k+7}_{(0/25)} \quad (k \in Z)$$

صفحه ۲۵

۱

۸

ش	ج	پ	چ	س	د	ی
۶	۵	۴	۳	۲	۱	۰

$$\underbrace{6+3(31)+2(30)+10}_{(0/25)} \overset{7}{\equiv} \underbrace{-1+2+4+3}_{(0/25)} \overset{7}{\equiv} 1$$

رسم جدول(۰/۲۵)

۱۰ آذرماه دوشنبه است.(۰/۲۵)

تذکر: درصورتی‌که بدون رسم جدول، جواب نهایی درست باشد(۰/۵)نمره تعلق گیرد.

صفحه ۲۴

۱

۹

الف) $\underbrace{V(G)=\{a,b,c,d,e,f\}}_{(0/25)}$ و $\underbrace{q=7}_{(0/25)}$

ب) $acdeb$ یا $adceb$ (۰/۵)

پ) $cdebac$ یا $cabedc$ (۰/۵)

ت) $x=e$ (۰/۲۵) ، $x=a$ (۰/۲۵)

صفحه ۴۱

۲

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا www.riazisara.ir

باسمه‌تعالی

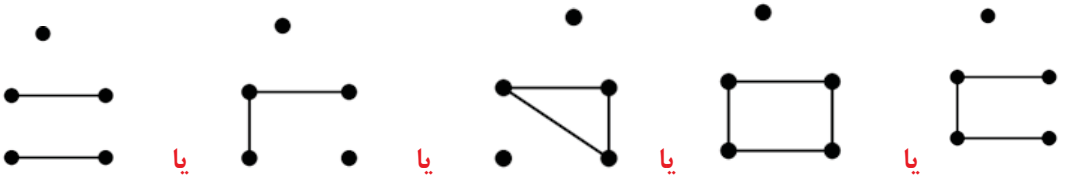
راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: **ریاضیات گسسته–۱۲۰۷۱**	پایه: **دوازدهم**	رشته: **ریاضی وفیزیک**	تاریخ آزمون: **۱۴۰۴/۱۰/۱۰**
تعداد صفحه: **۵**	مدت آزمون: **۱۲۰ دقیقه**	ساعت شروع: **۱۰:۳۰ به وقت تهران**	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور)- **دی ۱۴۰۴**		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
۱۰	**روش اول:** $\underbrace{۲q=۴۰\Rightarrow q=۲۰}_{(۰/۲۵)}$ و $\underbrace{q(G)+q(\bar{G})=\frac{p(p-۱)}{۲}\Rightarrow ۲۰+q(\bar{G})=۲۸}_{(۰/۲۵)}\Rightarrow \underbrace{q(\bar{G})=۸}_{(۰/۲۵)}$ **روش دوم:** $\sum \deg_{K_p}(v_i)$: مجموع درجات گراف کامل $\underbrace{\sum \deg_G(v_i)+\sum \deg_{\bar{G}}(v_i)=\sum \deg_{K_p}(v_i)\Rightarrow ۴۰+\sum \deg_{\bar{G}}(v_i)=۵۶}_{(۰/۲۵)}$ $\Rightarrow \underbrace{\sum \deg_{\bar{G}}(v_i)=۱۶}_{(۰/۲۵)}\Rightarrow \underbrace{۲q(\bar{G})=۱۶\Rightarrow q(\bar{G})=۸}_{(۰/۲۵)}$ صفحه ۳۸	۰/۷۵
۱۱	$\begin{cases} ۳p=۲q\Rightarrow q=\frac{۳}{۲}p \quad (۰/۵) \\ p+q=۲۰ \end{cases} \Rightarrow \underbrace{p=۸\ ,\ q=۱۲}_{(۰/۵)}$ صفحه ۳۵	۱
۱۲	الف) **روش اول:** $\left.\begin{array}{l} \underbrace{\gamma(G)\geq\left\lceil\frac{p}{\Delta+۱}\right\rceil\Rightarrow\gamma(G)\geq\left\lceil\frac{۸}{۴}\right\rceil\Rightarrow\underbrace{\gamma(G)\geq ۲}_{(۰/۲۵)}}_{(۰/۲۵)} \\ \underbrace{A=\{b,h\}}_{(۰/۲۵)} \end{array}\right\}\Rightarrow\underbrace{\gamma(G)=۲}_{(۰/۲۵)}$ **روش دوم:** چون هیچ رأسی در گراف G وجود ندارد که تمام رئوس را احاطه کند، پس عدد احاطه‌گری نمی‌تواند یک باشد(۰/۵) از طرفی مجموعهٔ دو عضوی $A=\{b,h\}$ یک مجموعهٔ احاطه‌گر است(۰/۲۵)لذا $\gamma(G)=۲$ (۰/۲۵) **تذکر:** برای هر مجموعهٔ احاطه‌گر دوعضوی دیگر به‌جای مجموعه احاطه‌گر A، نمره تعلق گیرد. صفحه ۴۹ ب) $\{a,b,c,d\}$ یا $\{a,f,c,h\}$ (۰/۵) صفحه ۴۶	۱/۵

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا www.riazisara.ir

باسمه‌تعالی

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: **ریاضیات گسسته–۱۲۰۷۱**	پایه: **دوازدهم**	رشته: **ریاضی وفیزیک**	تاریخ آزمون: **۱۴۰۴/۱۰/۱۰**
تعداد صفحه: **۵**	مدت آزمون: **۱۲۰ دقیقه**	ساعت شروع: **۱۰:۳۰ به وقت تهران**	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور)- **دی ۱۴۰۴**		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
۱۳	به رسم یک گراف از گراف‌های زیر(۰/۵)نمره تعلق گیرد.  صفحه ۵۳	۰/۵
۱۴	الف) روش اول: $\underbrace{\frac{\overbrace{۸!}^{(۰/۲۵)}}{۴!\times ۲!\times ۲!}}_{(۰/۵)} = ۴۲۰$ (۰/۲۵) روش دوم: $\underbrace{\binom{۸}{۲}\binom{۶}{۴}\binom{۲}{۲}}_{(۰/۷۵)} = ۴۲۰$ (۰/۲۵) یا $\underbrace{\binom{۸}{۲}\binom{۶}{۲}\binom{۴}{۴}}_{(۰/۷۵)} = ۴۲۰$ (۰/۲۵) یا $\underbrace{\binom{۸}{۴}\binom{۴}{۲}\binom{۲}{۲}}_{(۰/۷۵)} = ۴۲۰$ (۰/۲۵) صفحه ۵۹ ب) روش اول: n : تعداد توابع پوشا $n = ۳^m - (۳\times ۲^m - ۳) \xrightarrow{m=۵} \underbrace{۳^۵ - (۳\times ۲^۵ - ۳) = ۲۴۳ - ۹۳}_{(۰/۵)} = ۱۵۰$ (۰/۲۵) روش دوم: $\lvert S\rvert$: تعداد کل توابع از یک مجموعه ۵ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی $\lvert A_۱\rvert = \lvert A_۲\rvert = \lvert A_۳\rvert$: تعداد توابعی که فقط شامل دو عضو از برد باشند $\lvert S\rvert = ۳^۵ = ۲۴۳$ $\lvert A_۱\rvert = \lvert A_۲\rvert = \lvert A_۳\rvert = ۲^۵ = ۳۲$ $\lvert A_۱ \cap A_۲\rvert = \lvert A_۱ \cap A_۳\rvert = \lvert A_۲ \cap A_۳\rvert = ۱$ $\lvert A_۱ \cap A_۲ \cap A_۳\rvert = ۰$ $\underbrace{\lvert \overline{A_۱ \cup A_۲ \cup A_۳}\rvert = \lvert S\rvert - \lvert A_۱ \cup A_۲ \cup A_۳\rvert = ۲۴۳ - (۳\times ۳۲ - ۳\times ۱ + ۰)}_{(۰/۵)} = ۱۵۰$ (۰/۲۵) صفحه ۸۳	۱ ۰/۷۵

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا www.riazisara.ir

باسمه‌تعالی

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: **ریاضیات گسسته–۱۲۰۷۱**	پایه: **دوازدهم**	رشته: **ریاضی وفیزیک**	تاریخ آزمون: **۱۴۰۴/۱۰/۱۰**
تعداد صفحه: **۵**	مدت آزمون: **۱۲۰ دقیقه**	ساعت شروع: **۱۰:۳۰ به وقت تهران**	
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور)- **دی ۱۴۰۴**		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
۱۵	$x_1+x_2+x_3+x_4+x_5=8 \quad , \quad x_5=1 \quad , \quad x_1\geq 2 \Rightarrow \underbrace{x_1-2}_{t_1}\geq 0$ (۰/۲۵) $t_1+x_2+x_3+x_4=8-2-1=5$ (۰/۵) $\Rightarrow \underbrace{\binom{n+k-1}{k-1}=\binom{8}{3}}_{(۰/۵)}=56$ (۰/۲۵) صفحه ۷۱	۱/۵
۱۶	$t=1$ (۰/۲۵) , $x=1$ (۰/۲۵) , $z=3$ (۰/۲۵) , $y=2$ (۰/۲۵) صفحه ۶۲	۱
۱۷	$\lvert S\rvert$: تعداد اعداد طبیعی کوچک‌تر یا مساوی ۶۰۰ $\lvert A\rvert$: تعداد اعداد طبیعی کوچک‌تر یا مساوی ۶۰۰ که بر ۳ بخش‌پذیرند. $\lvert B\rvert$: تعداد اعداد طبیعی کوچک‌تر یا مساوی ۶۰۰ که بر ۷ بخش‌پذیرند. $\lvert A\cap B\rvert$: تعداد اعداد طبیعی کوچک‌تر یا مساوی ۶۰۰ که بر ۲۱ بخش‌پذیرند. $\underbrace{\lvert A\cup B\rvert=\lvert A\rvert+\lvert B\rvert-\lvert A\cap B\rvert=\left[\frac{600}{3}\right]+\left[\frac{600}{7}\right]-\left[\frac{600}{21}\right]=200+85-28=257}_{(۰/۷۵)}$ (۰/۲۵) $\underbrace{\lvert\overline{A\cup B}\rvert=\lvert S\rvert-\lvert A\cup B\rvert=600-257}_{(۰/۲۵)}=343$ (۰/۲۵) صفحه ۶۳	۱/۵
۱۸	**روش اول:** n : تعداد لانه‌ها (ماه‌های سال) ، $k+1$: حداقل کبوترها(دانش‌آموزان دبیرستان) $k+1=21\Rightarrow k=20$ (۰/۲۵) $\underbrace{nk+1=12\times 20+1}_{(۰/۵)}=241$ (۰/۲۵) **روش دوم:** m : حداقل تعداد دانش‌آموزان دبیرستان به کمک عمل تقسیم داریم: $\underbrace{m=12\times 20+1}_{(۰/۷۵)}=241$ (۰/۲۵) **روش سوم:** t : تعداد دانش‌آموزان دبیرستان ، $k+1$: حداقل کبوترها(دانش‌آموزان دبیرستان) $\underbrace{\left[\frac{t-1}{k}\right]=n\Rightarrow\left[\frac{t-1}{20}\right]=12}_{(۰/۵)}\Rightarrow\underbrace{12\leq\frac{t-1}{20}<13\Rightarrow t\geq 241}_{(۰/۲۵)}$ بنابراین حداقل تعداد دانش‌آموزان دبیرستان ۲۴۱ نفر است. (۰/۲۵) صفحه ۸۳	۱
	موفق باشید — جمع	۲۰

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا www.riazisara.ir